

10 класс**Задача 1. Про тазики**

Для стирки белья в квадратном душевом поддоне с размером стороны $a = 80$ см и высотой бортика $h = 20$ см хозяйка использует находящийся в поддоне частично заполненный водой и бельём квадратный тазик с размером стороны $a/2$, высотой бортика h и общей массой $m = 16$ кг (рис. 1). Для полоскания белья хозяйка использует находящийся в том же поддоне круглый цилиндрический тазик с радиусом дна R и высотой бортика h . Чему равен максимально возможный радиус R_M круглого тазика, полностью заполненного водой, если при выливании воды из него в поддон квадратный тазик не всплынет?

После выливания воды круглый тазик убирают из поддона. Сливное отверстие поддона закрыто пробкой. Плотность воды $\rho = 1000$ кг/м³. Площадь круга вычисляется по формуле $S = \pi R^2$, где $\pi = 3,14$.

Задача 2. Блоки и веревка

Металлический куб прикреплён в точке A к тяжёлой однородной верёвке, перекинутой через два лёгких блока. Другой конец верёвки закреплён на неподвижной опоре в точке B так, что точки A и B находятся на одинаковой высоте (рис. 2). Силы $F_1 = 110$ Н и $F_2 = 90$ Н, приложенные к осям блоков,держивают систему в равновесии. Определите длину верёвки L .

Линейная плотность верёвки (масса единицы длины) равна $\rho = 0,25$ кг/м, а $g = 10$ м/с². Трения в осях блоков нет. Радиусом блоков по сравнению с длиной верёвки пренебречь нельзя.

Задача 3. Бруски

Система, состоящая из двух одинаковых брусков массы m , движется с постоянной скоростью v_0 вдоль гладкой горизонтальной плоскости по направлению к вертикальной стенке. Верхний брусок смещён относительно нижнего на расстояние b_0 в направлении движения (рис. 3). Через некоторое время система сталкивается со стенкой. Соударение любого из брусков с ней можно считать абсолютно упругим. Коэффициент трения между брусками μ .

1. Определите смещение b (модуль и направление) верхнего бруска относительно нижнего после того, как прекратится взаимодействие системы брусков со стенкой, а верхний брусок перестанет скользить по нижнему.

2. С какой скоростью v_k после этого будет двигаться система?

3. В каких координатах зависимость $b(v_0)$ будет линейна? Постройте график этой зависимости в соответствующих координатах.

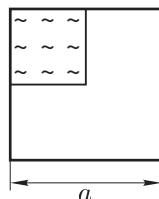


Рис. 1

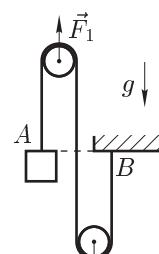


Рис. 2

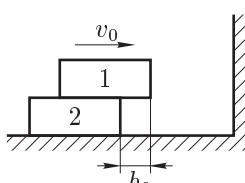


Рис. 3

Задача 4. Потерянные оси

Говорят, что в архиве лорда Кельвина нашли рукопись, на которой был изображён процесс $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3$, совершённый над одним молем гелия (рис. 4). От времени чернила выцвели, и стало невозможно разглядеть, где находятся оси p (давления) и V (объёма).

Однако из текста следовало, что состояния 1 и 3 лежат на одной изохоре, соответствующей объёму V_1 . Кроме того, было сказано, что количество теплоты, подведённой к газу в процессе $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3$, равно нулю.

Определите объём V_2 .

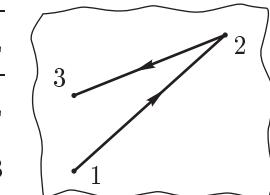


Рис. 4

Задача 5. Мостик

Четыре резистора сопротивлениями $R_1 = 3$ Ом, $R_2 = 4$ Ом, $R_3 = 7$ Ом и $R_4 = 6$ Ом соединены с батареей (рис. 5), напряжение на которой $U_{01} = 9,1$ В, а её внутренним сопротивлением можно пренебречь.

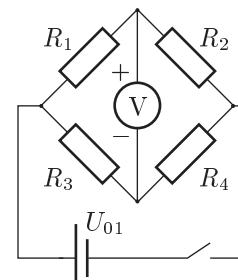


Рис. 5

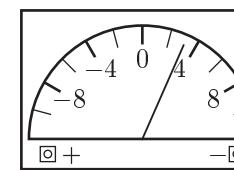


Рис. 6

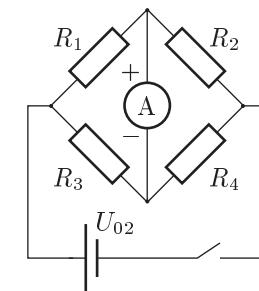


Рис. 7

1. Между резисторами подключен идеальный вольтметр. Найдите его показания. В какую сторону отклонится стрелка вольтметра (рис. 6)? Известно, что при подключении клеммы вольтметра, помеченной символом (+), к положительному выводу батареи, а клеммы вольтметра, помеченной символом (-), — к отрицательному выводу батареи, стрелка отклоняется вправо.

2. Через какое-то время батарея частично разрядилась, и напряжение на её выводах уменьшилось до $U_{02} = 9,0$ В. Вместо вольтметра в цепь включили амперметр (рис. 7), сопротивление которого пренебрежимо мало. Найдите показания амперметра. В какую сторону отклонится стрелка амперметра, если при протекании через него тока от клеммы, помеченной символом (+) к клемме, помеченной символом (-), стрелка отклоняется вправо?