

8 класс (ответы)

Задача 8.1. Найдите наименьшее натуральное n такое, что $0,9\overline{9} > \frac{2022}{2023}$.

Ответ: 4.

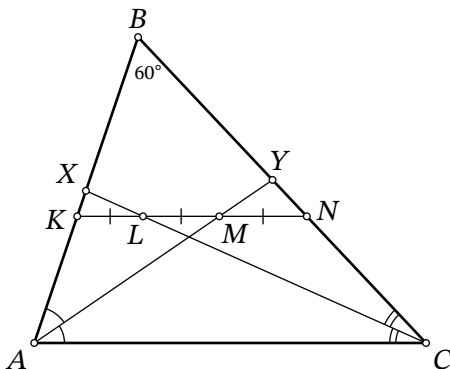
Задача 8.2. В очереди в буфет стоят несколько семиклассников и восьмиклассников. Если бы каждый семиклассник купил по 3 булочки, а каждый восьмиклассник — по 1, то в буфете осталось бы 13 булочек. А если бы каждый семиклассник купил по 1 булочке, а каждый восьмиклассник — по 3, то в буфете осталось бы 27 булочек. Сколько булочек осталось бы в буфете, если бы каждый из школьников купил по 2 булочки?

Ответ: 20.

Задача 8.3. Натуральное число $k \leq 100$ таково, что k^k является точным квадратом. Сколько различных значений может принимать k ?

Ответ: 55.

Задача 8.4. В треугольнике ABC с углом B , равным 60° , проведены биссектрисы AY и CX . На отрезках AX и CY отмечены точки K и N так, что $KN \parallel AC$. Прямая KN пересекает отрезки CX и AY в точках L и M соответственно. Оказалось, что $KL = LM = MN$. Известно, что $KN = 9$.



(а) (1 балл) Найдите длину отрезка CN .

(б) (3 балла) Найдите длину отрезка AC .

Ответ: (а) 6. (б) 15.

Задача 8.5. По кругу сидят 70 детей. Каждый из них сказал, что сидит между двумя мальчиками. Оказалось, что 50 детей сказали правду, а остальные — соврали.

(а) (2 балла) Какое наибольшее количество мальчиков могло сидеть за столом?

(б) (2 балла) Какое наименьшее количество мальчиков могло сидеть за столом?

Ответ: (а) 60. (б) 51.

Задача 8.6. На доске написаны все натуральные числа от 1 до 60 включительно. Назовём выписанное число *особенным*, если сумма всех остальных выписанных чисел делится на него.

(а) (2 балла) Найдите наибольшее особенное число.

(б) (2 балла) Сколько всего особенных чисел на доске?

Ответ: (а) 30. (б) 8.

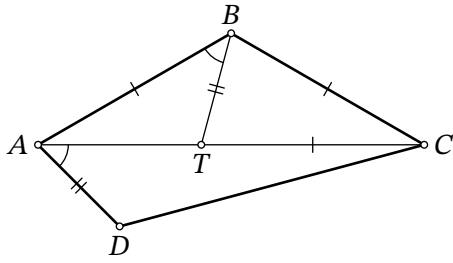
Задача 8.7. У Егора есть доска 5×5 , в каждой клетке которой изначально было написано число 0. Он поставил фишку в левую нижнюю клетку и увеличил число в ней на 1. Далее Егор перемещал фишку по доске, каждый раз переставляя в соседнюю по стороне клетку. После каждого перемещения Егор увеличивал число в клетке, в которой оказалась фишка, на 1.

После последнего перемещения фишка оказалась в правой верхней клетке доски. Числа, получившиеся в остальных клетках доски, указаны на рисунке. Чему равно число в правой верхней клетке доски?

5	6	7	8	
4	5	6	7	8
3	4	5	6	7
2	3	4	5	6
1	2	3	4	5

Ответ: 5.

Задача 8.8. На диагонали AC выпуклого четырёхугольника $ABCD$ отмечена точка T так, что $AD = BT$. Оказалось, что $AB = BC = CT$, $\angle ABT = \angle CAD$, $\angle ABC = 132^\circ$. Сколько градусов составляет угол BCD ?



Ответ: 36.